

Projektovanje elektronskih kola

**Prof. dr Predrag Petković,
dr Miljana Milić, docent**

**Katedra za elektroniku
Elektronski fakultet Niš**

LEDA - Laboratory for Electronic Design Automation
<http://leda.elfak.ni.ac.yu/>
04.05.2020.



1

Projektovanje elektronskih kola

Sadržaj:

1. Uvod - osnovni pojmovi
2. Stilovi projektovanja i izrade prototipova
3. Projektovanje analognih kola
4. Osnove fizičkog projektovanja
(projektovanje štampanih ploča)
5. Projektovanje digitalnih kola (vežbe)

LEDA - Laboratory for Electronic Design Automation
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>
04.05.2020.



2

Da se podsetimo Projektovanje elektronskih kola

**Koji su koraci potrebni da bi se projektovala
analogna kola?**

1. Naučiti osobine pojedinih analognih kola
(pojačavači,...)
2. Izabrati pravu topologiju za dati zadatak
(strukturno projektovanje).
3. Odrediti vrednosti parametara pojedinih
komponenta (g_m , otpornost, kapacitivnost,...)
4. Proveriti da li smo dobili željeni odziv.
5. Ako smo zadovoljni idemo na fizičko
projektovanje

LEDA - Laboratory for Electronic Design Automation
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>
04.05.2020.



3

Da se podsetimo Projektovanje elektronskih kola

**Koji su koraci potrebni da bi se projektovala
analogna kola?**

1. Naučiti osobine pojedinih analognih kola
(pojačavači,...)
2. Izabrati pravu topologiju za dati zadatak
(strukturno projektovanje).
3. Odrediti vrednosti parametara pojedinih
komponenta (g_m , R, C, L...)
4. Proveriti da li smo dobili željeni odziv.
5. Ako smo zadovoljni idemo na fizičko
projektovanje

LEDA - Laboratory for Electronic Design Automation
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>
04.05.2020.



4

Optimizacija elektronskih kola (2/3)

Cilj:

Odrediti vrednosti parametara kola

$\underline{p}=[p_1 \ p_2 \ \dots \ p_n]^T$ koje će garantovati da odziv $F(x, \underline{p})$ ima željenu vrednost $F^*(x)$.

Metod:

Traženje minimuma funkcije greške $E(x, \underline{p})$; (norma za kvantitativnu procenu odstupanja dobijenog od željenog odziva).

$$E(x, \underline{p}) = |F(x, \underline{p}) - F^*(x)|$$

E je nelinearna funkcija od \underline{p} .

Algoritam optimizacije

1. **Određivanje početnog rešenja**
2. **Izračunavanje funkcije greške**
3. **Provera konvergencije**
4. **Izračunavanje korekcije parametara**
5. **Korekcija vrednosti parametara**

Algoritam optimizacije

1. **Određivanje početnog rešenja: zadavanje početnih vrednosti parametara sa ciljem da se dođe do optimalnog rešenja**
2. **Izračunavanje funkcije greške, $E(x, \underline{p})$:**
to je oblik matematičke norme razlike između željenog odziva, $F^*(x)$, i dobijenog odziva za vrednosti parametara \underline{p} , $F(x, \underline{p})$ (npr. srednje kvadratno odstupanje)
 $E(x, \underline{p}) = |F^*(x) - F(x, \underline{p})|$, generalno je nelinearna funkcija od \underline{p} .
3. **Provera konvergencije svodi se na poređenje izračunate greške sa maksimalnom dopuštenom, ali i poređenjem vrednosti koeficijenata osetljivosti, kao i provere maksimalnog dozvoljenog broja iteracija.**

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije

4. Izračunavanje korekcije parametara zasnovano je na linearizaciji $E(x, p)$, sa težnjom da u narednoj iteraciji greška bude jednaka nuli:

$$E_i = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} (p_k - p_k^j) + \frac{1}{2} \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial^2 E_i}{\partial p_k^2} \Big|_{p_k=p_k^j} \right) \cdot (p_k - p_k^j)^2 + \dots$$

$$E_i^{j+1} = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot (p_k^{j+1} - p_k^j) = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1}$$

$$E_i^{j+1} = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = 0, \quad i = 1, \dots, m$$

$$\sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = -E_i^j, \quad i = 1, \dots, m$$

04.05.2020.

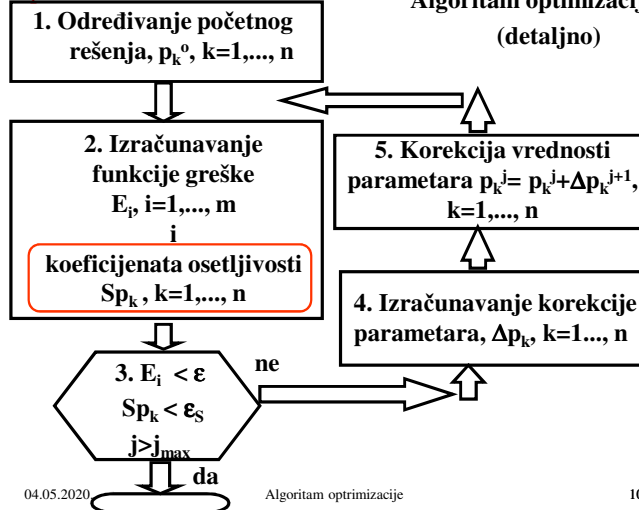
Algoritam optimizacije

9

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije (detaljno)



04.05.2020

Algoritam optimizacije

10

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije

$$\sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = -E_i^j, \quad i = 1, \dots, m$$

3. Izračunavanje korekcije parametara

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial E_1}{\partial p_1} & \frac{\partial E_1}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_1}{\partial p_n} \\ \frac{\partial E_2}{\partial p_1} & \frac{\partial E_2}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_2}{\partial p_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial E_m}{\partial p_1} & \frac{\partial E_m}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_m}{\partial p_n} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta p_1^{j+1} \\ \Delta p_2^{j+1} \\ \vdots \\ \Delta p_n^{j+1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -E_1^j \\ -E_2^j \\ \vdots \\ -E_m^j \end{bmatrix}$$

dimenzije sistema (m – jednačina) x (n – promenljivih)
m = broj uslova, n = broj parametara

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

11

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije

3. Izračunavanje korekcije parametara

$$\sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = -E_i^j, \quad i = 1, \dots, m$$

Imajući u vidu da je $E(x, p) = |F^*(x) - F(x, p)|$, a da samo $F(x, p)$ zavisi od p , dok je $F^*(x)$ konstantno, u parcijalnim izvodima javiće se umesto

$$\sum_{k=0}^n \frac{\partial E(p)}{\partial p_k} = \sum_{k=0}^n \frac{\partial E(p)}{\partial F(p)} \frac{\partial F(p)}{\partial p_k}$$

Recimo za $E(x, p) = F^*(x) - F(x, p)$, $\frac{\partial E(p)}{\partial F(p)} = 1$

$$\sum_{k=0}^n \frac{\partial E(p)}{\partial p_k} = - \sum_{k=0}^n \frac{\partial F(p)}{\partial p_k}$$

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

12

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije

3. Izračunavanje korekcije parametara je u tom slučaju:

$$-\begin{bmatrix} \frac{\partial F_1(p)}{\partial p_1} & \dots & \frac{\partial F_1(p)}{\partial p_k} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial F_m(p)}{\partial p_1} & \dots & \frac{\partial F_m(p)}{\partial p_n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta p_1^j \\ \vdots \\ \Delta p_n^j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_1(p^j) \\ \vdots \\ E_m(p^j) \end{bmatrix}$$

dimenzije sistema (m – jednačina) \times (n -promenljivih)
 m =broj uslova, n =broj parametara

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

13

Da se podsetimo

Algoritam optimizacije

Algoritam optimizacije

3. Izračunavanje korekcije parametara

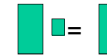
Mogući slučajevi

$m = n$; broj uslova jednak broju parametara



$m > n$; broj uslova veći od broja parametara

(primer: frekventijska karakteristika data u velikom broju tačaka, za različito f)



$m < n$; broj uslova manji od broja parametara

(primer: DC analiza dva uslova I_C i V_{CE} a više parametara – R_{b1} , R_{b2} , R_C , R_e)



04.05.2020.

Algoritam optimizacije

14

Optimizacija elektronskih kola

Tipovi problema optimizacije elektronskih kola

04.05.2020.

15

Algoritam optimizacije

Tipovi problema optimizacije:

-Optimizacija u s -ravni

- Optimizacija u frekventijskom domenu ($m=n$)

- Optimizacija u DC domenu ($m=n$)

- Optimizacija u frekventijskom domenu ($m>n$)
(najmanji p -ti stepen, $p=2$)

- Optimizacija u frekventijskom domenu
(Remezov algoritam)

- Optimizacija nelinearnih kola u jednosmernom domenu ($m<n$)

- Optimizacija sa ograničenjem

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

16

Tipovi problema optimizacije:

- Optimizacija u s-ravni
- Optimizacija u frekvencijskom domenu ($m=n$)
- Optimizacija u DC domenu ($m=n$)
- Optimizacija u frekvencijskom domenu ($m>n$) (najmanji p -ti stepen, $p=2$)
- Optimizacija u frekvencijskom domenu (Remezov algoritam)
- Optimizacija nelinearnih kola u jednosmernom domenu ($m<n$)
- Optimizacija sa ograničenjem

Projektovanje u frekvencijskom domenu broj parametara jednbak broju uslova, $n=m$

Primer: Oderđiti vrednosti parametara p_1, p_2 i p_3 tako da donja granična frekvencija bude f_d , gornja f_g , a da pojačanje na srednjim frekvencijama $f_n = \sqrt{f_d \cdot f_g}$ bude $a=20\log|V_o/V_i| = A_n[\text{dB}]$

Uslovi: $a_d=20\log|V_o(f_d)/V_i(f_d)| = 20 \log|V_o(f_d)|$; $a_d^* = A_n - 3[\text{dB}]$
 $a_n=20\log|V_o(f_n)/V_i(f_n)| = 20 \log|V_o(f_n)|$; $a_n^* = A_n [\text{dB}]$
 $a_g=20\log|V_o(f_g)/V_i(f_g)| = 20 \log|V_o(f_g)|$; $a_g^* = A_n - 3[\text{dB}]$

Projektovanje u frekvencijskom domenu broj parametara jednbak broju uslova, $n=m$

2. Izračunavanje funkcije greške

$$E_d = A_n - 3\text{dB} - 20 \log|V_o(f_d, p_1, p_2, p_3)|$$

$$E_n = A_n - 20 \log|V_o(f_n, p_1, p_2, p_3)|$$

$$E_g = A_n - 3\text{dB} - 20 \log|V_o(f_g, p_1, p_2, p_3)|$$

$$E_i = A_i^* - 20 \log|V_o(f_i, p_1, p_2, p_3)|, \quad i \in \{d, n, g\}$$

$$\sum_{k=1}^3 \frac{\partial E_i(f_i, \underline{p}^j)}{\partial p_k} \Big|_{p_k = p_k^j} \Delta p_k^{j+1} = -E_i(f_i, \underline{p}^j), \quad i \in \{d, n, g\}$$

Projektovanje u frekvencijskom domenu broj parametara jednbak broju uslova, $n=m$

3. Izračunavanje korekcije parametara

$$\sum_{k=1}^3 - \frac{20}{\ln(10)} \frac{\partial \ln|V_o(f_i, \underline{p}^j)|}{\partial p_k} \Big|_{p_k = p_k^j} \Delta p_k^{j+1} = -A_i^* + 20 \log|V_o(f_i, \underline{p}^j)|,$$

$$\sum_{k=1}^3 - 8.68589 \text{Re} \left\{ \frac{1}{V_o(f_i, \underline{p}^j)} \frac{\partial V_o(f_i, \underline{p}^j)}{\partial p_k} \right\} \Big|_{p_k = p_k^j} \Delta p_k^{j+1} = -A_i^* + 20 \log|V_o(f_i, \underline{p}^j)|, \quad i \in \{d, n, g\}$$

**Projektovanje u frekvencijskom domenu
broj parametara jednak broju uslova, $n=m$**

3. Izračunavanje korekcije parametara

$$-8.68\text{Re} \begin{bmatrix} \frac{1}{V_o(f_d \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_d \cdot p^j)}{\partial p_1} & \frac{1}{V_o(f_d \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_d \cdot p^j)}{\partial p_2} & \frac{1}{V_o(f_d \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_d \cdot p^j)}{\partial p_3} \\ \frac{1}{V_o(f_n \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_n \cdot p^j)}{\partial p_1} & \frac{1}{V_o(f_n \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_n \cdot p^j)}{\partial p_2} & \frac{1}{V_o(f_n \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_n \cdot p^j)}{\partial p_3} \\ \frac{1}{V_o(f_g \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_g \cdot p^j)}{\partial p_1} & \frac{1}{V_o(f_g \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_g \cdot p^j)}{\partial p_2} & \frac{1}{V_o(f_g \cdot p)} \frac{\partial V_o(f_g \cdot p^j)}{\partial p_3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta p_1^{j+1} \\ \Delta p_2^{j+1} \\ \Delta p_3^{j+1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -A_n + 3\text{dB} + 20\log|V_o(f_d \cdot p^j)| \\ -A_n + 20\log|V_o(f_n \cdot p^j)| \\ -A_n + 3\text{dB} + 20\log|V_o(f_g \cdot p^j)| \end{bmatrix}$$

**Projektovanje u frekvencijskom domenu
broj parametara jednak broju uslova, $n=m$**

4. Provera konvergencije

5. Korekcija vrednosti parametara

$$\mathbf{p}_k^{j+1} = \mathbf{p}_k^j + \mathbf{h}_k \Delta \mathbf{p}_k^{j+1} \quad \mathbf{k} = 1, 2, 3.$$

$$0 < \mathbf{h}_k \leq 1$$

Algoritam optimizacije

Tipovi problema:

- Optimizacija u s-ravni
- **Optimizacija u frekvencijskom domenu ($m=n$)**
- **Optimizacija u DC domenu ($m=n$)**
- Optimizacija u frekvencijskom domenu ($m>n$)
(najmanji p-ti stepen, $p=2$)
- Optimizacija u frekvencijskom domenu
(Remezov algoritam)
- Optimizacija nelinearnih kola u jednosmernom domenu
($m<n$)
- **Optimizacija sa ograničenjem**

**Oprimizacija u DC domenu; broj parametara
jednak broju usova**

1. **Određivanje početnog rešenja**
2. **Izračunavanje funkcije greške**
3. **Provera konvergencije**
4. **Izračunavanje korekcije parametara**
5. **Korekcija vrednosti parametara**

3. Izračunavanje korekcije parametara

Razvoj funkcije $E_i(\underline{p})$ u red i zadržavanje na linearnom članu:

$$E_i = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} (p_k - p_k^j) + \frac{1}{2} \left(\sum_{k=1}^n \frac{\partial^2 E_i}{\partial p_k^2} \Big|_{p_k=p_k^j} \right) \cdot (p_k - p_k^j)^2 + \dots$$

$$E_i^{j+1} = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot (p_k^{j+1} - p_k^j) = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1}$$

$$E_i^{j+1} = E_i^j + \sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = 0, \quad i = 1, \dots, m$$

$$\sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = -E_i^j, \quad i = 1, \dots, m$$

Da se podsetimo

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial E_1}{\partial p_1} & \frac{\partial E_1}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_1}{\partial p_n} \\ \frac{\partial E_2}{\partial p_1} & \frac{\partial E_2}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_2}{\partial p_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial E_m}{\partial p_1} & \frac{\partial E_m}{\partial p_2} & \dots & \frac{\partial E_m}{\partial p_n} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta p_1^{j+1} \\ \Delta p_2^{j+1} \\ \vdots \\ \Delta p_n^{j+1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -E_1^j \\ -E_2^j \\ \vdots \\ -E_m^j \end{bmatrix}$$

dimenzije sistema (m – jednačina) x (n – promenljivih)
m = broj uslova, n = broj parametara

$$m = n$$

Opisati postupak za optimizaciju vrednosti struje strujnog generatora I i parametra β u kolu sa slike, tako da napon $V_{ul}^* = 10V$ i $I_{iz}^* = 200mA$. Za početne vrednosti uzeti $I^0 = 30mA$ i $\beta^0 = 15$.

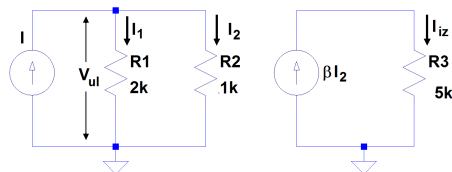
Izračunati vrednost funkcije greške definisane kao relativno srednjekvadratno odstupanje u nultoj i posle prve iteracije.

$$V_{ul}^* = 10V$$

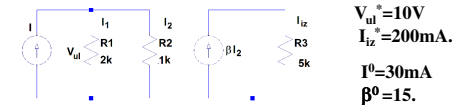
$$I_{iz}^* = 200mA$$

$$I^0 = 30mA$$

$$\beta^0 = 15$$



Rešenje



$$V_{ul}^* = 10V$$

$$I_{iz}^* = 200mA$$

$$I^0 = 30mA$$

$$\beta^0 = 15$$

Potrebno je odrediti funkcije greške koje se odnose na dva tražena odziva: V_{ul} i I_{iz} i izraziti ih preko traženih parametara, struje generatora I i parametra strujom kontrolisanog strujnog generatora, β .

$$E_1 = V_{ul}^* - V_{ul}$$

$$E_2 = I_{iz}^* - I_{iz}$$

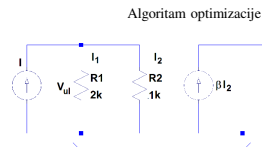
$$V_{ul} = I \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$$I_{iz} = \beta I_2$$

$$I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

$$I_{iz} = \beta I_2 = \beta \frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

Rešenje



$$\begin{aligned} V_{ul}^* &= 10V \\ I_{iz}^* &= 200mA \\ I_1^0 &= 30mA \\ \beta^0 &= 15. \end{aligned}$$

Funkcija greške definisana kao srednjekvadratno odstupanje u nultoj iteraciji:

$$E^0 = \sqrt{\left(\frac{E_1^0}{V_{ul}^*}\right)^2 + \left(\frac{E_2^0}{I_{iz}^*}\right)^2}$$

$$V_{ul}^0 = V_{ul}(I^0, \beta^0) = I^0 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 30mA \cdot \frac{2}{3}k = 20V$$

$$I_{iz}^0 = I_{iz}(I^0, \beta^0) = \beta^0 I_2^0$$

$$I_2^0 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I^0 = \frac{2}{3} 30mA = 20mA$$

$$I_{iz}^0 = \beta^0 I_2^0 = 15 \cdot 20mA = 300mA$$

$$E_1^0 = V_{ul}^* - V_{ul}^0$$

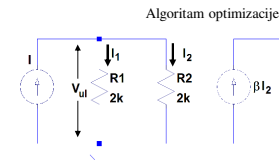
$$E_2^0 = I_{iz}^* - I_{iz}^0$$

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

29

Rešenje



$$\begin{aligned} V_{ul}^* &= 10V \\ I_{iz}^* &= 200mA \\ I_1^0 &= 30mA \\ \beta^0 &= 15. \end{aligned}$$

Funkcija greške definisana kao srednjekvadratno odstupanje u nultoj iteraciji:

$$E_1^0 = V_{ul}^* - V_{ul}^0 = 10V - 20V = -10V$$

$$E_2^0 = I_{iz}^* - I_{iz}^0 = 200mA - 300mA = -100mA$$

$$E^0 = \sqrt{\left(\frac{E_1^0}{V_{ul}^*}\right)^2 + \left(\frac{E_2^0}{I_{iz}^*}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{-10}{10}\right)^2 + \left(\frac{-100}{200}\right)^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-0.5)^2} = \sqrt{1.25} = 1.12$$

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

30

Izračunavanje priraštaja parametara ΔI i $\Delta \beta$:

$$\sum_{k=1}^n \frac{\partial E_i}{\partial p_k} \Big|_{p_k=p_k^j} \cdot \Delta p_k^{j+1} = -E_i^j, \quad i = 1, \dots, m$$

Primenjeno na konkretan slučaj ΔI i $\Delta \beta$:

$$\frac{\partial E_1}{\partial I} \Big|_{I=I^0} \Delta I^1 + \frac{\partial E_1}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0} \Delta \beta^1 = -E_1^0 = -(V_{ul}^* - V_{ul}^0)$$

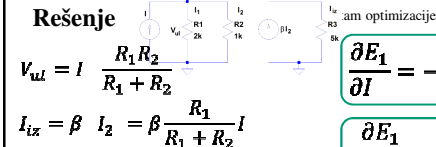
$$\frac{\partial E_2}{\partial I} \Big|_{I=I^0} \Delta I^1 + \frac{\partial E_2}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0} \Delta \beta^1 = -E_2^0 = -(I_{iz}^* - I_{iz}^0)$$

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

31

Rešenje



$$V_{ul} = I \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \quad \frac{\partial E_1}{\partial I} = -\frac{\partial V_{ul}}{\partial I} = -\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = -\frac{2}{3}k$$

$$I_{iz} = \beta I_2 = \beta \frac{R_1}{R_1 + R_2} I \quad \frac{\partial E_1}{\partial \beta} = -\frac{\partial V_{ul}}{\partial \beta} = 0V$$

$$\frac{\partial E_2}{\partial I} = -\frac{\partial I_{iz}}{\partial I} = -\frac{R_1}{R_1 + R_2} \beta$$

$$\frac{\partial E_2}{\partial I} \Big|_{I=I^0} = -\frac{R_1}{R_1 + R_2} \beta^0 = -\frac{2}{3} 15 = -10$$

$$\frac{\partial E_2}{\partial \beta} = -\frac{\partial I_{iz}}{\partial \beta} = -\frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

$$\frac{\partial E_2}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I^0 = -\frac{2}{3} 30mA = -20mA$$

04.05.2020.

Algoritam optimizacije

32

Rešenje Algoritam optimizacije

$V_{ul}^* = 10V$
 $I_{iz}^* = 200mA$
 $I^0 = 30mA$
 $\beta^0 = 15$

$\frac{\partial E_1}{\partial I} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} \Delta I^1 + \frac{\partial E_1}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} \Delta \beta^1 = -E_1^0 = -(V_{ul}^* - V_{ul}^0) = 10V$
 $\frac{\partial E_2}{\partial I} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} \Delta I^1 + \frac{\partial E_2}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} \Delta \beta^1 = -E_2^0 = -(I_{iz}^* - I_{iz}^0) = 100mA$
 $\frac{\partial E_1}{\partial I} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} = -10$
 $\frac{\partial E_2}{\partial \beta} \Big|_{I=I^0, \beta=\beta^0} = -20mA$

$\frac{2}{3}k\Omega \cdot \Delta I^1 + 0 \cdot \Delta \beta^1 = 10V$
 $-10 \cdot \Delta I^1 + (-20mA) \Delta \beta^1 = 100mA$

$\Delta I^1 = -15mA$
 $\Delta \beta^1 = 2,5$

04.05.2020. Algoritam optimizacije 33

Rešenje Algoritam optimizacije

$V_{ul}^* = 10V$
 $I_{iz}^* = 200mA$
 $I^0 = 30mA$
 $\beta^0 = 15$

Izračunavanje novih vrednosti parametara:

$I^1 = I^0 + \Delta I^1 = 30mA - 15mA = 15mA$

$\beta^1 = \Delta \beta^0 + \Delta \beta^1 = 15 + 2,5 = 17,5$

Izračunavanje novih vrednosti odziva:

$V_{ul}^1 = V_{ul}(I^1, \beta^1) = I^1 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 15mA \cdot \frac{2}{3}k\Omega = 10V$
 $I_{iz}^1 = I_{iz}(I^1, \beta^1) = \beta^1 I_2^1$
 $I_2^1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I^1 = \frac{2}{3} 15mA = 10mA$
 $I_{iz}^1 = \beta^1 I_2^1 = 17,5 \cdot 10mA = 175mA$

04.05.2020. Algoritam optimizacije 34

Rešenje Algoritam optimizacije

$V_{ul}^* = 10V$
 $I_{iz}^* = 200mA$
 $I^0 = 30mA$
 $\beta^0 = 15$

Funkcija greške definisana kao srednjekvadratno odstupanje posle prve iteracije:

$E_1^1 = V_{ul}^* - V_{ul}^1 = 10V - 10V = 0V$
 $E_2^1 = I_{iz}^* - I_{iz}^1 = 200mA - 175mA = 25mA$

$E^1 = \sqrt{\left(\frac{E_1^1}{V_{ul}^*}\right)^2 + \left(\frac{E_2^1}{I_{iz}^*}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{0}{10}\right)^2 + \left(\frac{25mA}{200mA}\right)^2} = \sqrt{(0)^2 + (0,125)^2} = 0,125 < 1,25 = E^0$

04.05.2020. Algoritam optimizacije 35

Rešenje Algoritam optimizacije

$V_{ul}^* = 3V$
 $V_{iz}^* = 10V$
 $E^0 = 12V$
 $g_m^0 = 5mS$

Opisati postupak za optimizaciju vrednosti struje naponskog generatora E i parametra g_m u kolu sa slike, tako da napon $V_{ul}^* = 3V$ i $V_{iz}^* = 10V$. Za početne vrednosti uzeti $E^0 = 12V$ i $g_m^0 = 40mS$. Izračunati vrednost funkcije greške definisane kao relativno srednjekvadratno odstupanje u nultoj i posle prve iteracije.

PRVI student koji pošalje tačno rešenje ovog zadatka na predrag.petkovic@elfak.ni.ac.rs Dobiće ocenu 10 iz oblasti optimizacija i oslobađa se obaveza da radi seminarski/kolokvijum iz ove oblasti

04.05.2020. Algoritam optimizacije 36

Optimizacija sa ograničenjem vrednosti parametara

Cilj: Vrednosti parametara, p , da budu pozitivne $p > 0$

Metod: p se transformiše preko funkcije od q , $p = f(q)$, koja ima pozitivnu vrednost za bilo koje q :

$$p = f(q) = e^q,$$

$$p = f(q) = q^2$$

Optimizacija se obavlja po q (može biti i pozitivno i negativno), a onda se izračuna p , i dobije se $p > 0$.

Neophodno je da se nađe koeficijent osetljivosti odziva F na q . On se izračunava po pravilu određivanja izvoda složene funkcije:

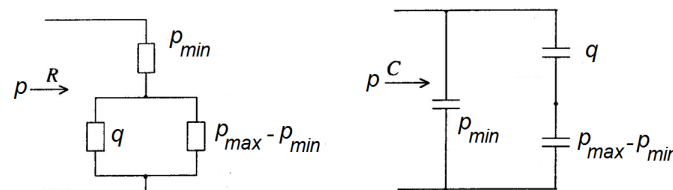
$$S_q = \frac{\partial F}{\partial q} = \frac{\partial F}{\partial p} \frac{\partial p}{\partial q} = S_p \frac{\partial p}{\partial q} = \begin{cases} S_p e^q \\ 2S_p q \end{cases}$$

Optimizacija sa ograničenjem vrednosti parametara

Cilj: Vrednosti parametara u opsegu: $p_{min} < p < p_{max}$

Metod: Uvođenje transformacija $p(q)$ koja ima takvu osobinu; analogija sa ekvivalentnim otpornim ili kapacitivnim kolom:

$$p = p_{min} + \frac{q(p_{max} - p_{min})}{q + (p_{max} - p_{min})}$$



Optimizacija sa ograničenjem vrednosti parametara

Ograničenja $C(p_i)$	Transformacije $\varphi(q_i)$
$p_i \geq 0$	$p_i = q_i^2$ $p_i = \exp(q_i)$ $p_i = q_i $
$0 \leq p_i \leq u_i$	$p_i = u_i \sin^2(q_i)$ $p_i = u_i \exp(q_i) / [\exp(q_i) + 1]$
$p_i \geq l_i$	$p_i = l_i + q_i^2$ $p_i = l_i + \exp(q_i)$ $p_i = l_i + q_i $
$l_i \leq p_i \leq u_i$	$p_i = l_i + (u_i - l_i) \sin^2(q_i)$ $p_i = l_i + (u_i - l_i) \exp(q_i) / [\exp(q_i) + 1]$ $p_i = \{l_i + u_i + (u_i - l_i) \sin(q_i)\} / 2$

Optimizacija sa ograničenjem – Postoji korelacija vrednosti dva parametra

Gubici kondenzatora izraženi kroz paralelnu otpornost zavise od kvaliteta kondenzatora Q_C i C . $R_C = \frac{Q_C}{C}$

Priraštaj ΔR_C ne može da se traži nezavisno od C , već se uzima u obzir korelacija i izražava ΔR_C preko ΔC .

$$\frac{\partial F}{\partial R_C} \Delta R_C = \frac{\partial F}{\partial R_C} \frac{\partial R_C}{\partial C} \Delta C = \frac{\partial F}{\partial R_C} \left(-\frac{Q_C}{C^2} \right) \Delta C$$

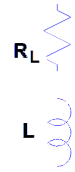
U ukupnoj sumi javiće se doprinosi uz ΔC od kapacitivnosti i od otpornosti R_C :

$$\frac{\partial F}{\partial C} \Delta C + \frac{\partial F}{\partial R_C} \Delta R_C = \frac{\partial F}{\partial C} \Delta C + \frac{\partial F}{\partial R_C} \left(-\frac{Q_C}{C^2} \right) \Delta C = \left(\frac{\partial F}{\partial C} + \frac{\partial F}{\partial R_C} \left(-\frac{Q_C}{C^2} \right) \right) \Delta C$$

Optimizacija sa ograničenjem – Postoji korelacija vrednosti dva parametra

Gubici kabela izraženi kroz rednu otpornost zavise od kvaliteta kabela Q_L i induktivnosti.

$$R_L = \frac{Q_L}{L}$$



Priraštaj ΔR_L ne može da se traži nezavisno od L , već se uzima u obzir korelacija i izražava ΔR_L preko ΔL .

$$\frac{\partial F}{\partial R_L} \Delta R_L = \frac{\partial F}{\partial R_L} \frac{\partial R_L}{\partial L} \Delta L = \frac{\partial F}{\partial R_L} \left(-\frac{Q_L}{L^2} \right) \Delta L$$

U ukupnoj sumi javiče se doprinosi uz ΔL od induktivnosti i od otpornosti R_L :

$$\frac{\partial F}{\partial L} \Delta L + \frac{\partial F}{\partial R_L} \Delta R_L = \frac{\partial F}{\partial L} \Delta L + \frac{\partial F}{\partial R_L} \left(-\frac{Q_L}{L^2} \right) \Delta L = \left(\frac{\partial F}{\partial L} + \frac{\partial F}{\partial R_L} \left(-\frac{Q_L}{L^2} \right) \right) \Delta L$$

Osim opisanog algoritma, postoji mnogo naprednih algoritama za optimizaciju zasnovanih na kopiranju prirodnih procesa koji dovode do boljih rešenja:

- Simulirano očvršćavanje, *Simulated annealing*
Simulira se proces prelaska metala iz tečnog u čvrsto stanje (kompaktni raspored atoma) tokom hlađenja.
- Simulirana evolucija, odabir vrsta, *Genetic algorithms, Simulated evolution,...*

Sušтина je da se ne bira samo najbolje rešenje posle svake iteracije, već se izabere više rešenja:

Npr. Iz jedna populacije odredi se koliko će "preživeti" (po određenim kriterijumima). Njima se dozvoli da generišu novu populaciju, koja preuzima osobine (gene) roditelja, uz dozvoljenu genetsku modifikaciju...

Simulirano očvršćavanje

Introductory Overview of Simulated Annealing

<https://www.youtube.com/watch?v=tdsTfZMqAxw>

Simulated Annealing - (An Artificial Intelligence Optimization Algorithm)

<https://www.youtube.com/watch?v=S9vs05eAGN0>

Primer:

https://www.youtube.com/watch?v=iaq_Fpr4KZc

Simulirana evolucija:

Simulated Evolution of a Simple Car Using a Genetic Algorithm

https://www.youtube.com/watch?v=Xe_euHneE0I

Genetic Algorithm: Continuous Evolutionary System - The Nature of Code

https://www.youtube.com/watch?v=Sx_l2GxBC5w

- Za dalje istraživanje o oblate optimizacije možete pretražiti internet:

- Ivan Zelinka, Vaclav Snasel, Ajith Abraham: Handbook of Optimization, <https://core.ac.uk/download/pdf/153409843.pdf>
- A. Astolf, OPTIMIZATION An introduction <http://www3.imperial.ac.uk/pls/portallive/docs/1/7288263.PDF>

Više detalja o optimizaciji biće u okviru kursa, [Simulacija i optimizacija elektronskih kola](#), 3MEM1A12, na master studijama.

Algoritam optimizacije

Šta treba da znamo?

Elementarno (za potpis)

Cilj optimizacije?

Osnovna (za 6)

1. Koraci u algoritmu optimizacije?
2. Kako se definiše koeficijent osetljivosti odziva na promenu parametra kola?

Algoritam optimizacije

Šta treba da znamo?

Ispitna pitanja

- a) Postupak optimizacije u frekvencijskom domenu broj parametara = broju uslova.
- b) Postupak optimizacije u DC domenu broj parametara = broju uslova.
- c) Optimizacija sa ograničenjem vrednosti parametara
- d) Optimizacija sa korelisanim parametrima.